

1. Dokažte, že  $\chi_l(K_{n,n^n}) = n + 1$ .
2. Nalezněte graf  $G$  tž.  $\chi_l(G) > \chi(G)$  a  $|V(G)|+|E(G)|$  je nejmenší možné.
3. Nechť  $G$  je souvislý graf minimálního stupně alespoň 2. Ukažte, že  $G$  je 2-vybíravý právě tehdy, když  $G$  je buď sudý cyklus, nebo sjednocení tří cest sudé délky se společnými konci tž. alespoň dvě z těchto cest mají délku 2.
4. Nechť  $G$  je rovinný graf s vnější stěnou ohraničenou indukovaným cyklem  $K$ . Jestliže každý vrchol  $G$  má nejvýše dva sousedy v  $K$ , pak každé 5-obarvení  $K$  lze rozšířit na 5-obarvení  $G$ .
5. Ukažte, že každý rovinný graf bez trojúhelníků má vybíravost nejvýše 4.
6. Nalezněte rovinný graf bez trojúhelníků, jehož vybíravost je větší než 3.
7. Nalezněte souvislý graf  $G$ , který má orientaci v níž je vstupní stupeň každého vrcholu 2, koeficient u  $x_1^2x_2^2\dots x_n^2$  v jeho polynomu je 0, a přesto je  $G$  3-vybíravý.
8. Nechť  $G$  je souvislý graf maximálního stupně  $\Delta$ . Jestliže  $G$  není klika ani lichý cyklus, pak  $\chi_l(G) \leq \Delta$ .
9. Nechť  $G$  je graf obsahující Hamiltonovskou kružnici  $K$  takovou, že  $G - E(K)$  je sjednocení vrcholově disjunktních trojúhelníků. Ukažte, že  $G$  je 3-vybíravý.